学 皿期第1回

数

第 1 問 次の問(問 1 ~ 5) に答えよ。[解答番号 1 ~ 10]

問 1 不等式 |2x-1| < x+2 の解は - 7 < x < 0 である。

間 2 関数 $y=x^2-4x-12$ $(1 \le x \le 7)$ の最大値は エ ,最小値は - **オカ** であ

ウ 3 エ 4

問3 $\left(\frac{1+2i}{2-i}\right)^2 = -$ **キ** である。ただし、i は虚数単位とする。

問4 $\sin\theta + \cos\theta = \sqrt{2}$ のとき, $\sin\theta\cos\theta = \frac{2}{7}$ である。

問5 $\log_2 9 \cdot \log_3 8 =$ コ である。

[解答番号 1 ~ 10]

-
- ア 1 イ 2 オ 5 カ 6
- 10 ב 9

第 2 問 次の問 (問 1~3) に答えよ。 [解答番号 11 ~ 21]

等差数列 $\{a_n\}$ は $a_{10}+a_{11}+a_{12}=2469,\ a_{20}+a_{22}=-754$ を満たす。等差数列 $\{a_n\}$ の初項から第 n 項までの和を S_n とする。

- 間1 等差数列 $\{a_n\}$ の初項は $\boxed{\textbf{アイウェ}}$, 公差は $\boxed{\textbf{オカキ}}$ である。
- 問2 S_n が最大となるようなn の値は $\boxed{\mathbf{9}\mathbf{7}}$ である。
- 問3 S_n の絶対値が最小となるようなn の値は コサ である。

[解答番号 11 ~ 21]

- 7 11
- 1 12
- ウ [13]
- I 14

- オ 15 ケ 19
- カ 16 コ 20
- **+** 17

第3問 次の問(問1~4)に答えよ。[解答番号 22 ~ 33]

AB=10, AC=6 である三角形 ABC において、辺 BC を 4:3 に内分する点を D とするとき、点 A で直線 AC に接し、点 D で直線 BC に接する円 O がある。円 O と辺 AB の交点を E とする。

- 問1 BC = **アイ** である。
- 問3 AE = キク ケ である。

[解答番号 22 ~ 33]

- ア 22 オ 26
- 1
 - カ 27
- ウ 24 キ 28
 - ク 29
- ケ 30 コ 31
- +
- # 32
- シロ

エ 25

第4問 次の問(問1~4)に答えよ。[解答番号 34 ~ 47]

関数 $f(x)=\frac{1}{2}x^2-x-\frac{1}{2}$ とする。 放物線 y=f(x) 上の点 $P\left(2,-\frac{1}{2}\right)$ における接線 を ℓ_1 とする。 点 P を通り, 直線 ℓ_1 に垂直な直線を ℓ_2 とし, 放物線 y=f(x) と直線 ℓ_2 の点 P でない交点を Q とする。 放物線 y=f(x) 上の点 Q における接線を ℓ_3 とし, 2 直線 ℓ_1 , ℓ_3 の交点を R とする。

- 問 1 $ext{ <math> ext{ <math> ext{ } L } Q ext{ } O ext{ <math> ext{ <math> ext{ } E \ } } \left(\begin{array}{c} \textbf{\textit{T}} \\ \textbf{\textit{7}} \end{array} \right), \ \text{ } \ \text{ }$
- **問2** 三角形 PQR の面積は **キ** である。
- 問3 放物線 y=f(x) と 2 直線 ℓ_1 , ℓ_3 で囲まれた図形の面積は τ である。
- 間 4 三角形 PQR の外接円の方程式は $\left(x+\Box\right)^2+\left(y-\dfrac{\forall}{\triangleright}\right)^2=$ スセ である。

[解答番号 34 ~ 47]

- ア 34
- 7
- イ 35
- ウ 36
- エ 37

- オ 38 ケ 42
- カ 39 コ 43
- +
 40

 +
 44
- ク 41 シ 45

- ス 46
- t 47

43

2023年度 一般選抜 Ⅲ期第1回 数学 正解表

| 解答番号 | 記号 | 正答 | | | |
|------|--------|----|--|--|--|
| 第1問 | | | | | |
| 1 | ア | 1 | | | |
| 2 | イウ | 3 | | | |
| 3 | | 3 | | | |
| 4 | エ | 9 | | | |
| 5 | オ | 1 | | | |
| 6 | カ | 6 | | | |
| 7 | 牛 | 1 | | | |
| 8 | ク | 1 | | | |
| 9 | ケ | 2 | | | |
| 10 | コ | 6 | | | |
| | 第2問 | | | | |
| 11 | ア | 2 | | | |
| 12 | イウ | 0 | | | |
| 13 | | 2 | | | |
| 14 | エ | 3 | | | |
| 15 | オ | 1 | | | |
| 16 | カ | 2 | | | |
| 17 | + | 0 | | | |
| 18 | キ ク | 1 | | | |
| 19 | ケコ | 7 | | | |
| 20 | コ | 3 | | | |
| 21 | サ | 5 | | | |

| 解答番号 | 記号 | 正答 |
|------|------------------|--------|
| | 第3問 | |
| 22 | ア | 1 |
| 23 | イ | 4 |
| 24 | ウ | 4 |
| 25 | エ | 5 |
| 26 | オ | 3 7 |
| 27 | カ | 7 |
| 28 | 牛 | 1 |
| 29 | ク | 8 |
| 30 | | 5 |
| 31 | ケ コ サ シ | 6 |
| 32 | サ | 3 |
| 33 | シ | 5 |
| | 第4問 | |
| 34 | ア | 2 |
| 35 | イ | 7 |
| 36 | ウ | 2 |
| 37 | エ | 0 |
| 38 | オ | 5 |
| 39 | カ | 2 |
| 40 | + | 8 |
| 41 | ク | 8 |
| 42 | | 3 |
| 43 | ケコ | 1 |
| 44 | サ | 1 |
| 45 | シ | 2 |
| 46 | ス | 1 |
| 47 | セ | 0 |

【出題分野・テーマ】

| 入試日程 | 問題番号 | 出題分野・テーマ | 難易度 |
|----------------------|-------|---|-------|
| 一般選抜 I 期 (第 1 回) | 第 1 問 | 小問集合 問 1 数学 I 数と式 (対称式の値) 問 2 数学 I 2 次関数 (2 次関数の決定) 問 3 数学 II 式と証明 (解と係数の関係) 問 4 数学 II 三角関数 (2 倍角) 問 5 数学 II 対数関数 (対数方程式) | 易易易易易 |
| | 第2問 | 数学 A 場合の数と確率 (さいころ, 立方体の色の塗り方) | 標準 |
| | 第3問 | 数学 A 図形の性質 (円に外接する四角形) | やや難 |
| | 第4問 | 数学Ⅱ 微分法と積分法(曲線と直線で囲まれた面積) | 標準 |
| 一般選抜 II 期 (第 1 回) | 第1問 | 小問集合 問 1 数学 I 数と式 (因数分解) 問 2 数学 I 2 次関数 (最大値,最小値) 問 3 数学 II 式と証明 (剰余の定理) 問 4 数学 II 三角関数 (三角不等式) 問 5 数学 II 指数関数 (指数の計算) | 易易易易易 |
| | 第2問 | 数学 A 場合の数と確率 (原因の確率) | やや易 |
| | 第3問 | 数学 B 平面上のベクトル(位置ベクトル) | 標準 |
| | 第4問 | 数学Ⅱ 微分法と積分法(接線,曲線と直線で囲まれた面積) | 標準 |
| 一般選抜Ⅲ期 (第 1 回) | 第1問 | 小問集合 問1 数学 I 数と式 (絶対値を含む不等式) 問2 数学 I 2次関数 (最大値,最小値) 問3 数学 II 複素数と方程式 (複素数の計算) 問4 数学 II 三角関数 (三角比の相互関係) 問5 数学 II 対数方程式 (対数の計算) | 易易易易易 |
| | 第2問 | 数学 B 数列 (等差数列) | 標準 |
| | 第3問 | 数学 A 図形の性質 (円と三角形) | 標準 |
| | 第4問 | 数学Ⅱ 微分法と積分法 (接線, 面積, 外接円) | 標準 |

学習アドバイス

【出題傾向】

出題範囲は数学 $I \cdot II \cdot A \cdot B$ (「数列」・「ベクトル」)であり、試験時間は 60 分、解答形式はマークシート方式による穴埋め型である。すべての日程で大間 4 題からなる問題構成となっており、第 1 間が 5 間からなる小間集合、第 2 間から第 4 間は 1 つのテーマについて $3 \sim 4$ 間の設問に答える形となっている。

出題単元については、数学 I からの出題は小問集合のみであり、全体を通して数学 II からの出題が最も多くなっている。特に第 4 問は全日程とも「微分法と積分法(数学 II)」からの出題であり、本学入試における最重要単元であると言える。

難易度については、大問・設問ごとにはっきり分かれている。第1間の小問集合は公式を用いた計算や典型問題が中心で、教科書レベルの問題となっている。対して第2間から第4間は設問が進むにつれて難度が上がっていく構成となっており、各大問の後半は思考力が求められる問題も多い。第1間の小問集合と第2間から第4間の前半の問題は確実に得点し、それ以外の部分でどれだけ得点を上積みできるかが合否を分ける試験となっている。

また、第2問から第4問の後半の設問は、工夫をしないとかなりの量の計算を強いられる問題や、単純に計算量が多い問題も出題されており、計算のスピードと正確さが求められる試験であることも特徴である。

【学習対策】

前述のとおり、数学 Π からの出題が多く、特に『関数』に関する単元からの出題が目立つので、まずは『関数』に関する単元を中心に勉強するとよいだろう。具体的には「数と式(数学 Π)」「図形と計量(数学 Π)」「式と証明(数学 Π)」「図形と方程式(数学 Π)」で基礎および基本変形を確認した後に、「2次関数(数学 Π)」「指数関数(数学 Π)」「対数関数(数学 Π)」「微分法と積分法(数学 Π)」を勉強すると関数系の単元を効率よく勉強することができるのでお勧めである。これらの学習が一通り終わったら、残りの単元を一つずつ潰していくようにしよう。関数系の単元以外では「場合の数と確率(数学 Π)」「図形の性質(数学 Π)」「数列(数学 Π)」「ベクトル(数学 Π)」。あたりが、大間で出題されているので注意が必要である。

以下、頻出単元の出題傾向・難易度を踏まえた学習のポイントをあげていくので、参考にしてほしい。

●場合の数と確率(数学 A)

2023 年度入試では大間で出題された。一般選抜 I 期で出題された立体の色の塗り方の問題など、やや難度の高い問題の出題が見られた。典型問題の解法暗記だけでなく、入試標準レベルの問題集を使って演習を繰り返し、応用力を身につけていこう。

●三角関数(数学Ⅱ)

2023年度入試では全日程の小問集合で出題された。公式や頻出問題の出題が主なので、まずは教科書や教科書傍用問題集を使って、典型パターンの習得に努めよう。2024年度以降は大問で出題される可能性もあるので、他の単元との融合問題も演習しておくとよいだろう。

●微分法と積分法(数学Ⅱ)

2023 年度入試では全日程の大問で出題され、前述のとおり本学入試における最重要単元である。接線や面積などオーソドックスなテーマからの出題が多いが、大問後半では応用レベルの問題も見られた。対策として、マーク式問題集や旧センター試験の過去問を繰り返し演習して、完答できる力を身につけよう。本学入試は旧センター試験の問題よりも誘導が少ないので、演習後に「なぜそのように変形・誘導したのか」を考えながら復習するとよいだろう。また、計算の工夫が必要な問題も多いので、その点も常に意識して勉強してほしい。

各単元の学習が一通り終わったら、過去間の演習を通じて大問の解答の順番や、大問ごとの解答にかける時間のシミュレーションをしておこう。別日程のものも含めて、できるだけ多くの過去問を演習することをお勧めする。また、前述のとおり本学の入試には「計算力」が必須である。計算が複雑な問題の出題もあり、計算ミスすることなく正答を導けるかが合否を分ける。計算ミスをしてしまったときは、「ミスをしただけ」と片付けるのではなく、「なぜミスをしたのか」を自分で考え、対策を講じていくことが肝要である。